

ĐẠI HỌC QUỐC GIA HÀ NỘI  
TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN

Cộng hòa xã hội chủ nghĩa Việt Nam  
Độc lập - Tự do - Hạnh phúc

**ĐỀ THI CUỐI KÌ (Học kì II - năm học 2017-2018)**

Tên học phần: Phương pháp toán cho Vật lý 1

Mã số: PHY2201

Số tín chỉ: 3

Thời gian làm bài: 90'

**Câu 1: (2 điểm)** Tìm nghiệm tổng quát của phương trình vi phân sau:

$$x^2 \frac{d^2 y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} - 4y = 0$$

**Câu 2: (2 điểm)** Xét tính giải tích của hàm biến phức sau:

$$f(z) = \bar{z} \cdot z^2$$

**Câu 3: (2 điểm)** Khai triển hàm biến phức sau thành chuỗi lũy thừa của  $(z-3)$ :

$$f(z) = \frac{1}{3-2z}$$

**Câu 4: (4 điểm)** Tính các tích phân phức sau:

a)  $I = \int_L (1+i-2z) dz$  với  $L$  là đoạn parabol  $y=x^2$  nối điểm  $z_1=0$  và  $z_2=2+4i$ .

b)  $I = \oint_L \frac{dz}{z^4+1}$  với  $L$  là đường tròn:  $x^2+y^2=2x$

-----HẾT-----