

Đề thi nhập môn an toàn thông tin Cuối kỳ I năm học 2022 - 2023  
GV: Lê Phú Đồ

ĐỀ THI

Sinh viên chọn làm 3 bài trong số 5 bài

**Bài 1.** Các tham số công khai của hệ mật RSA là  $(n, e)$ , ở đây  $n = pq$ .

a) Tìm giá trị hợp lệ của cặp  $(n, e)$  sao cho mỗi số nguyên tố  $p, q$  đều lớn hơn 100.

b) Xác định các tham số bí mật tương ứng  $(p, q, d, \varphi(n))$ .

c) Giải mã bản mã  $C = 2$  trong hệ mật của bạn.

**Bài 2.** Xét số nguyên tố  $p=9973$  và phần tử nguyên thủy  $g=11$ .

(a) Chỉ ra các bước của Diffie-Hellman giữa Alice và Bob sao cho họ chọn các giá trị bí mật là  $a = 4096$  và  $b = 8192$ . Các giá trị của  $g^a$  và  $g^b$  là gì? Giá trị của khóa bí mật đã thỏa thuận là gì?

(b) Giả sử đối thủ bắt được  $y = 1985$  của một  $x$  chưa biết sao cho  $y = 11^x \pmod{p}$ . Có bao nhiêu  $x$  như vậy tồn tại và tại sao? Có bao nhiêu giá trị của  $x$  bạn phải tìm kiếm (theo cách vét cạn) để tìm  $x$ ?

(c) Giả sử đối thủ bắt được  $y = 1985$  cho một  $x$  chưa biết sao cho  $y = 2^x \pmod{p}$ . Có bao nhiêu  $x$  như vậy tồn tại và tại sao lại như vậy? Có bao nhiêu giá trị của  $x$  bạn phải tìm kiếm (theo cách vét cạn) để tìm  $x$ ?

**Bài 3.** Trong lớp chúng ta đã trình bày cách khởi tạo hệ khóa công khai ElGamal bằng một trong hai nhóm: (1) nhóm  $Z^*_{p1}$  cho một số  $p1$  nguyên tố và (2) nhóm các điểm của đường cong elip  $E(\mathbb{F}_{p2})$  cho một số nguyên tố  $p2$ . Tại sao  $p1$  phải có ít nhất 2048 bit, nhưng  $p2$  chỉ cần 256 bit để có được mức độ bảo mật tương đương?

**Bài 4.** Anh/Chị hãy trình bày Sơ đồ xưng danh Guillou-Quisquater và cho ví dụ.

**Bài 5.** Anh/Chị hãy trình bày giao thức thỏa thuận khóa Diffie – Hellman trên hệ mật đường cong Elliptic với số nguyên tố  $p$ . Cho ví dụ  $p$  là số nguyên tố gần  $10 + 2^*c$ . Ở đây  $c$  là tháng sinh của sinh viên làm bài, còn  $a, b$  trong phương trình  $y^2 = x^3 + a*x + b \pmod{p}$  được chọn sao cho  $4*a^3 + 27*b^2 \neq 0 \pmod{p}$  và số điểm của đường cong là số nguyên tố.

$$x^3 + 2 \quad 10 + 2^*c \quad \text{-----}$$
$$1^*f$$